算数科の事例

設定した言語活動を通して育てたい力

〇 変化や対応に着目して反比例のきまりを見付け、そのきまりを説明 することができる。



思考力・判断力・ 表現力の育成

- ◇ 学年 第6学年
- ◇ 単元名 比例と反比例
- ◇ 本時の目標 変化や対応に着目して伴って変わる2つの数量の関係を調べ、反比例のきまりを見付けることが できる。また、そのきまりを説明することができる。
- ◇ 学習の流れ(11 時間目/全 17 時間)

学習活動

指導上の留意事項(◇)

評価規準〔観点〕 (評価方法)

- 1 問題を知り、学習課題を設定す る。
- 【問題】面積が12 cm2の長方形に ついて、縦の長さと横の長 さの関係を調べましょう。

比例の関係とは違う2つの量の関 係を調べ、きまりを見つけよう。

- 表を使って縦と横の長さの関 係を調べ、きまりを見付ける。
- ①表を横に見て変化を調べる。
- ②表を縦に見て対応を調べる。

- (◆「努力を要する」状況と判断した児童への指導の手立て) ◇比例と比較して考えることができるように、比例 についての既習内容を掲示しておく。
- ◇長方形の縦と横の長さを、表に整理させる。
- ◇数量の変化や対応の様子から、既習の比例とは違 う関係であることに気付かせる。
- ◆問題把握がむずかしい場合は、色々な長方形の図 を提示し、イメージをもたせる。
- ◆比例の関係を調べたときのことを想起させ、表を 縦や横に見るよう助言する。
- ◇解決の方法(表を縦に見る,横に見る)を確認し 見通しをもたせる。
- ◇比例の学習を振り返らせ,表に矢印や記号,数値, 式、言葉など、自分なりのメモを書き込ませる。

縦の長さ (cm)	1	2	3	4	5	6	\Box	>
横の長さ(cm)	12	6					(>

3 見付けたきまりを説明する。

- | ◇反比例の関係について、なぜ、そのきまりが言え<mark>✓ 拠を明確にさせるこ</mark> るのかという根拠を明確にさせるために、表から 見付けたことを、数や式を用いて説明させる。
- 1 ①表を横に見て、縦の長さと横の長さの関係を調べると、

縦の長さが2倍、3倍、…になると、横の長さが1/2、1/3、…になっています。このこと は、縦の長さが2倍になったときは、横の長さは $6 \div 12 = 6/12$ で1/2、縦の長さが3倍に なったら、横の長さは $4 \div 12 = 4/12$ で1/3になっていることから分かります。

- ②表を縦に見て、縦の長さと横の長さの関係を調べると、 ・「縦の長さ×横の長さが 12」というきまりがあります。それは、 $1 \times 12 = 12$ 、 $2 \times 6 = 12$ 、3 \times 4 = 12, …というように、縦の長さと横の長さの積は、すべて 12 になっているからです。
- ・「12÷縦の長さ=横の長さ」というきまりを見付けました。 $12\div 1=12,\ 12\div 2=6,\ 12\div 3$ = 4, …というように、12を縦の長さでわったら、横の長さになっているからです。
 - ◇縦の長さが2から4,3から6などのように2倍 になるときには、横の長さは6から3、4から2 のように、常に1/2になることも確認させる。
- 4 反比例のきまりをまとめる。
- ◇反比例について、見付けたきまりを基に、比例の きまりと対応させながらまとめさせる。

◇表を用いて考えさせ, 反比例の関係になる根拠,

- 適用題について考える。
- 【問題】2つの量の関係を調べま しょう。
 - ①24m のロープを同じ長さに切 って分けたときの, ロープの 本数と分けた後の1本の長さ
 - ②まわりの長さが18cmの長方形 の縦の長さと横の長さ
- ②反比例ではありません。

ならない根拠を明確にさせる。

表を横に見て、縦の長さと横の長さの関係を調べる と、縦の長さが増えると、横の長さは減っています が,縦の長さが2倍,3倍,…になっても,横の長 $2 \times 1/2$, 1/3, ... 1/3, ... 1/3

- 6 本時の学習を振り返る。
- 7 家庭学習を確認する。
- ◇本時の目標に即した振り返りをさせる。
- ◇本時の内容に関する課題を提示する。

比例の学習で学ん だ方法を活用して 2つの数量の関係 を調べたり,見付け た関係を説明した りさせましょう。

- ★表から見付けた。 とを,数,式等を用い て考え,説明させるこ とは, 自分の考えの根 とにつながります。
- ・変化や対応に着 目して, 反比例 する2つの数量 の関係を見いだ している。〔数学 的な考え方〕(ノ ート, 発言)

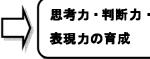
反比例する例とと もに反比例しない 例についても考察 させましょう。

★ある事象を考察さ せるとともに、そうで ない事象も考察させ ることで, それぞれの 事象の意味の理解を <u>深めること</u>ができま す。

数学科の事例

設定した言語活動を通して育てたい力

〇 垂線の作図方法を考え、その方法で垂線が作図できる理由を、図形の 対称性に着目して説明することができる。



- ◇ 学年 第1学年
- **◇ 単元名** 平面図形
- ◇ 本時の目標 垂線の作図の方法を考え、その方法で垂線が作図できる理由を説明することができる。
- **◇ 学習の流れ**(9時間目/全 16 時間) ※「基本の 3 つの作図」の 1 時間目

学習活動

指導上の留意事項(◇) (◆「努力を要する」状況と判断した生徒への指導の手立て)

評価規準〔観点〕 (評価方法)

1 本時の学習の見通しをもつ。

直線0を折り目として折り,0上にない点Pと対応する点をQとするとき,直線PQと0の関係を考える。

- ◇実際に、図をかいた紙を折らせ、点Qがどんな点であるか考えさせる。
- ◇直線PQはℓの垂線になっていることをおさえる。

2 本時の目標を確認する。

垂線の作図の方法を考え、その方法で作図すると垂線になる理由を説明できる。

3 直線 l上にない点 P を通る垂線の作図の方法を考え、作図する。

4 作図の手順と、3で考えた方

法でなぜ垂線が作図できるの

- ◇「『作図』とは、定規とコンパスだけを使って図を かくことである。」ことをおさえる。
- ◇コンパスを用いて、点Qを見付けさせる。
- ◆見通しがもてない生徒には、交わる2つの円の図を示し、直線ℓ、点Pになるところを確認させる。
- ◇作図の手順と垂線になる理由をノートに書かせる。
- ◆手順を書くことがむずかしい生徒には、実際に、生徒に作図させながら、その操作を教師が言葉にし、 それを基に書かせる。
- ◇どんな図形の対称性に着目したかを,図と対応させて整理させる。

どんな図形の対称性 に着目したかを明確 にさせましょう。

★考えたり書いたりする視点を示すことで、 既習を活用し、根拠を 明確にして考えること ができるようになります。

- 5 作図の手順と垂線になる理 由を説明する。
 - ○ペアで説明し合う。 【使わせたい用語】

か、理由を整理する。

(1) P

中心,半径,線分,交点, 垂直,線対称,対角線

- ○全体で交流する。
 - ①または②の説明
 - ・根拠や用語の確認
 - もう一つの説明

- ◇初めに、図を指し示しながら、手順を説明させる。 理由については、どんな図形の対称性に着目したか を明確にさせる。
- ◆まずは自分なりの言葉で説明させる。
- ◇互いの考えを聞き,新たな考えやよい表現を付け加えさせる。
- ◇初めに①または②の考えについて説明させ、「根拠が明確か」「用語を使っているか」を振り返らせる。
- ◇次に、初めの説明と振り返りを基に、もう一つの考えを数人に説明させ、よい表現を評価するとともに、生徒の言葉をつなげながら、徐々に数学的な表現に高めていくようにする。

【②の理由の説明例】

点Aと点Bは点Pから等しい距離にある点をとっています。点Qも点Aと点Bから等しい 距離にある点です。線分PA、PB、QA、QBは長さが等しいので、四角形PAQBはひ し形で、対角線ABとPQは垂直に交わります。だから、線分PQは2の垂線です。

- 6 本時の学習を振り返り, 手順 と理由を確認する。
- ◇垂線の作図の手順と理由をノートに整理させる。
- ◇垂線の作図は、図形の対称性を基に説明できること を再確認する。
- 7 次時の学習と家庭学習を確認する。
- ◇次時は、垂直二等分線の作図をすることを伝える。
- ◇垂直二等分線の作図方法を考え、作図してくる。

・作図した図形が 垂線になること を,図形の対称 性を基にしてき えることができ る。〔数学的な見 方や考え方〕(観 察,ノート)

作図できる理由を、図 形の対称性を基に考え、線分、線対称、垂 直などの用語を用い て説明させましょう。

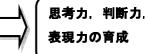
★図形の性質を基に根拠を考え、説明させることは、第2学年で学習する図形の論証の素地を養うことにつながります。

高等学校

数学科の事例

設定した言語活動を通して育てたい力

〇 既習事項を活用して三角形の残りの辺の長さを考察することができ るとともに、具体的な事象の考察から定理を導くことができる。



- ◇ 学年 第1学年
- ◇ 単元名 正弦定理と余弦定理
- ◇ 本時の目標 三角形が決定された際、具体の三角形の残りの辺の長さを考察し、一般化を図ることにより、余 弦定理の有用性を理解する。
- ◇ 学習の流れ(3時間目/全6時間)

学習活動

指導上の留意事項(◇)

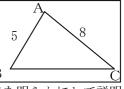
(◆「努力を要する」状況と判断した生徒への指導の手立て)

1 本時の目標を確認する。

三角形の辺の長さの考察において、具体から一般化 を図り、定理の有用性を理解しよう。

2 既習事項を確認する。 ○ 各自で考え,ワークシート に記入する。

次の△ABCにおいて、どこの 角の大きさが分かれば, 辺BC



- 考えたことを発表する。
- ∠A=90° のときのBC の長さを求める。
- ◇発表内容を全体で確認する。根拠を明らかにして説明 するよう指示する。
- ◆机間指導により, 三平方の定理を提示する。

の長さが求められるだろうか?

3 具体例①に取り組む。

○ ∠A=60° のときのBCの 長さを求める。

- ◇個人で考えた後に,隣同士で考えたことを説明させる。
- ◆Bから辺ACの垂線BHを引かせて、考えさせる。
- ◇説明が分かりやすかったと他の生徒から推薦のあった 生徒を指名し、解答を板書し説明させる。
- ◇必要に応じて,生徒に質問をさせる。あるいは指導者 から質問をする。

4 具体例②に取り組む。

- 2辺とその間の角が分か っている三角形を作り, 残り の辺の長さを求める。
- 5 一般化する。

- ◆鋭角三角形を作図させる。
- ◇個人で考えた後に、隣同士で考えたことを説明させ る。
- $\Diamond AB=c$, AC=b, $\angle A=A$ である図を提示し、具体 例と同じ考え方で処理できるか、考察させる。
- ◆Bから辺ACの垂線BHを引かせ、AH、BHがそれ ぞれ $\cos A$, $\sin A$ を用いてどのように表すことがで きるか考えさせる。
- 6 導かれた式(余弦定理)を用 いて具体例②を振り返る。
- ◇5で導かれた式(余弦定理)に具体例②で作った三角 形の辺の長さと角の大きさを代入し、確認させる。
- 7 振り返りをする。
- ◇生徒に本時の学習内容の振り返りをさせ、余弦定理の 有用性を認識させる。
- ◇余弦定理の演習を行うとともに、別の定理に挑戦する 8 次時の確認をする。 ことを伝える。

評価規準〔観点〕 (評価方法)

> 数学的論拠に基づ いて判断するよう にさせましょう。

★ここで、三角形の決 定条件と関連付けて 理解させるように, 習事項が様々な場面 で活用されることに より、概念や原理・法 則の体系的な理解が 深まります。

・進んで三角形の辺 の長さを考察し ようとしている。 [関心・意欲・態 度〕(観察)

言葉だけでなく,図 を使って説明させ るとともに、発表に 対する質疑応答を させましょう。

- ★図を活用させるこ により, よりよい数学的 な思考や表現へ改善されます。また、質疑応答を行うことで、数学的に 正しい説明であるかを 考えたり,他の意見を聞 くことで自分の考えを 振り返ったりする ができます。
- を理解している。 〔数学的な見方や考

・ 余弦定理の有用性 え方〕(観察)